Sidlo – Puhm – Steinmair – Camilo – Drs – Pollack-Drs – Wymlatil Mathematik mit technischen Anwendungen 3 – neu nach Lehrplan 2015 Zu Abschnitt Folgen und Reihen, Seite 7



Technologieeinsatz: Darstellung einer Folge GeoGebra



Ist die Folge in expliziter Darstellung gegeben, so kann der Befehl Folge[Ausdruck,Variable,Startwert,Endwert] verwendet werden. Die Glieder der Folge werden in einer Liste ausgegeben.

Ist die Folge mithilfe einer Rekursionsformel gegeben, so kann der Befehl Iterationsliste[Funktion,Startwert, Anzahl der Iterationen] verwendet werden.

Die Folge kann aber auch in der Tabellen-Ansicht als Funktion des Index n eingegeben und eine

Wertetabelle erstellt werden. Mithilfe des Werkzeugs Liste von Punkten erzeugen kann die Folge dann grafisch dargestellt werden.

ZB: 1) Zähle die ersten fünf Glieder der Folge $a_{n+1} = a_n - 3$ mit $a_4 = 7$ auf.

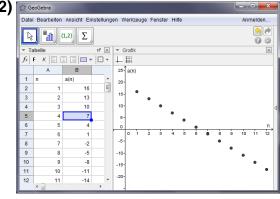
- 2) Gib mithilfe von Technologieeinsatz das 50. Glied der Folge an. Stelle die Folge grafisch dar und beschreibe ihr Verhalten.
- 3) Erkläre, wie man einen erzeugenden Term ermitteln kann.

Lösung:

1)
$$a_5 = a_4 - 3 = 7 - 3 = 4$$

 $a_{n+1} = a_n - 3 \Rightarrow a_n = a_{n+1} + 3$
 $a_3 = a_4 + 3 = 7 + 3 = 10$
 $a_2 = a_3 + 3 = 10 + 3 = 13$
 $a_1 = a_2 + 3 = 13 + 3 = 16$
 $\langle a_n \rangle = \langle 16, 13, 10, 7, 4, ... \rangle$

- a₅ wird mithilfe von a₄ berechnet.
- Für die Berechnung der vor a₄ liegenden Glieder wird die Formel umgeformt.



- Der Anfangswert ist a₄ = 7 wird in der Zelle B5 eingegeben.
- Die Formel in B6 lautet: =B5-3
- B4: **=B5+3**
- Anschließend wird die Formel nach unten kopiert.

Das 50. Glied der Folge ist:

	49	-128	
	50	-131	

Anhand der Grafik erkennt man eine lineare Abnahme.

3) Die Differenz zwischen zwei aufeinander folgenden Gliedern ist immer 3, das erste Glied ist 16. Damit ergibt sich: $a_n = 16 - (n-1) \cdot 3$ bzw. $a_n = 19 - 3n$

_	r Konstruktionsprotokoll				
	Name Liste Liste1	Definition Iterationsliste[x - 3, 7, 50]	Wert I Liste1 = {7, 4, 1, -2, -5, -8, -11,		
2	Zahl a	Element[Liste1, 47]	a = -131		

2. Möglichkeit: