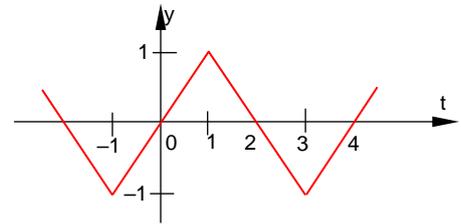


Technologieeinsatz: Fourier-Reihe GeoGebra

- ZB: 1) Gib an, ob die dargestellte Funktion eine gerade oder eine ungerade Funktion ist.
 2) Berechne die Fourier-Koeffizienten allgemein.
 Gib die ersten fünf Koeffizienten an.
 3) Stelle die Fourier-Reihe und die Näherungsfunktion bis zur 5. Harmonischen grafisch dar.



Lösung:

- 1) Die Funktion ist punktsymmetrisch zum Koordinatenursprung und daher ungerade.
 2) Fourier-Koeffizienten:

Algebra	CAS
Funktion	1
<ul style="list-style-type: none"> $f_1(t) = t$ $f_2(t) = -t + 2$ 	<ul style="list-style-type: none"> $T := 4$ $\rightarrow T := 4$
Zahl	2
<ul style="list-style-type: none"> $T = 4$ $\omega_0 = 1.57$ 	<ul style="list-style-type: none"> $\omega_0 := 2 \pi / T$ $\rightarrow \omega_0 := \frac{1}{2} \pi$

- Die Funktionsgleichungen, die Periode und die Kreisfrequenz werden im Algebra- oder CAS-Fenster definiert.

3	$b(n) := \frac{-4 \sin(n \pi) + 8 \sin(\frac{1}{2} n \pi)}{n^2 \pi^2}$
4	$b(\{1,2,3,4,5\}) \rightarrow \left\{ \frac{8}{\pi^2}, 0, -\frac{8}{9 \pi^2}, 0, \frac{8}{25 \pi^2} \right\}$

- Die Berechnung des Integrals erfolgt im CAS-Fenster, da im Algebra-Fenster die Variable nur x sein kann.

3) Fourier-Reihe:

5	$fr(t) := \text{Summe}[b(n) \cdot \sin(n \cdot \omega_0 \cdot t), n, 1, 5]$ $\rightarrow fr(t) := \frac{1}{225} \cdot \frac{1800 \sin(\frac{1}{2} t \pi) - 200 \sin(\frac{3}{2} t \pi) + 72 \sin(\dots)}{\pi^2}$
---	--

$$f(t) = \begin{cases} t & : -1 \leq t \leq 1 \\ -t + 2 & : (1 < t \leq 3) \wedge \neg(-1 \leq t \leq 1) \end{cases}$$

- Um die stückweise definierte Funktion darzustellen, kann der WENN-Befehl verwendet werden.

Wenn[-1<=t<=1,f1(t),Wenn[1<t<=3,f2(t)]]

