

Anleitung zu EXCEL

HPT- SBplus zu Kompetenz: Mathematik HAK 2
Brigitte Wessenberg

Inhalt

	Technologieeinsatz (nach Aufgabennummer)	Seite		
1. Lineare Gleichungssysteme	1.6 Grafisches Lösen eines linearen Gleichungssystems			
	1.6 Rechnerisches Lösen eines linearen Gleichungssystems	2		
	1.6 Sonderfälle	2		
	1.32 Lineare Gleichungssysteme mit mehr als 2 Variablen	3		
2. Matrizen	2.10 Eingabe von Matrizen und Matrizenbefehle	4		
	2.10 Addition und Multiplikation mit Skalar	4		
	2.10 Matrix transponieren	4		
	2.24 Matrizenmultiplikation	4		
	2.33 Inverse Matrix	4		
3. Potenzen mit rationalen	3.2 Wurzeleingabe	5		
Exponenten				
4. Potenz- und	4.1 Zeichnen von Potenzfunktionen	5		
Polynomfunktionen				
	4.42 Maximum der Funktion	6		
	4.42 Nullstelle der Funktion	6		
5. Quadratische Gleichungen	5.1 Lösen einer quadratischen Gleichung	7		
6. Winkelfunktionen	6.23 Eingabe der Winkel	8		
	6.26 Bogenmaß	8		
	6.38 Winkelfunktionen im rechtwinkligen Dreieck	8		
	6.47 Arcusfunktionen	9		
	6.5 Zeichnen von Winkelfunktionen	9		

In der vorliegenden Anleitung sind nur jene Funktionen des Rechners angesprochen, die im Lehrbuch "Kompetenz: Mathematik HAK 2" zu den angeführten Aufgaben empfohlen werden.

Abschnitt 1: Lineare Gleichungssysteme

	Eingabe	Ausgabe
1.6 Grafisches Lösen eines linearen Gleichungssystemes	y1 = (2-4x)/(-3) y2 = (27-3x)/2 Wir vermuten den Schnittpunkt zwischen 4 und 5. In H2 geben wir die Differenz der y- Werte ein: = E2 - E3 Sie muss am Schnittpunkt = 0 liegen. Zielwert = 0 Die Lösung soll in E1 angezeigt werden. OK Man bekommt das Ergebnis an der richtigen Stelle in der Tabelle. Gibt man den y-Wert in eine weitere Zeile darunter, so kann man das alles grafisch schön anzeigen lassen.	E1
zur Auswahl zurück	Zeichnen mit Diagramm / Punkte / Punkte mit Verbindungslinie. Bei den Geraden kann man nachträglich durch Formatieren die Punkte wieder entfernen. Beim Schnittpunkt durch Formatieren die Beschriftung hinzufügen.	14,0 12,0 10,0 8,0 6,0 4,0 2,0 0,0 2 4 6 8 10
1.6 Rechnerisches Lösen eines Gleichungssystems	Am einfachsten die Differenz beider Terme = 0 mit dem Solver berechnen lassen. Mit Daten / Solver die Nullstelle berechnen.	B4
1.6 Sonderfälle	Keine Lösung des Systems Fehlermeldung bei folgender Eingabe: zB: $4x - 3y = 2$ $8x - 6y = 27$ Alle Zahlen der Definitionsmenge sind Lösungen: zB: $4x - 3y = 2$ $8x - 6y = 4$	Solver konnte keine machbare Lösung finden. Solver kann keinen Punkt finden, für den alle Nebenbedingungen erfüllt sind. Solver hat eine Lösung gefunden. Alle Nebenbedingungen und Optionen wurden eingehalten.
zur Auswahl zurück		

1.32 Lineare Gleichungssysteme mit mehr als 2 Variablen

Bsp: 3 Variablen

x + y + z = 16000 y + z = 8000x + y = 12000

Zellen vorbereiten x, y, z. für x, y, z gibt man 1 vor

Gleichungsterme 1 bis 3 eingeben: linke und rechte Seite getrennt.

Einen Term wählt man als Ziel (hier wurde die **Zelle B7** ausgewählt).

Solver aufrufen Ziel: auf B7 klicken Wert: rechte Seite der Gleichung 12 000 Veränderliche Zellen: B1 bis B3 markieren / enter

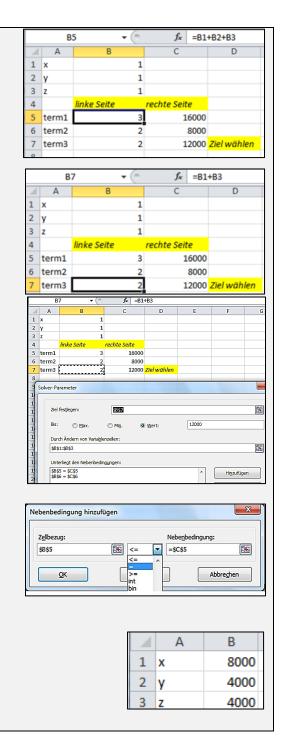
Die beiden anderen Gleichungen kommen mit

Hinzufügen

zu den **Nebenbedingungen.** Diese mit den Zellbezügen eingeben.

LÖSE

Die Lösungen sind in den Zellen für x, y, z.



Abschnitt 2: Matrizen

	Eingabe	Ausgabe
2.10 Eingabe von Matrizen und Matrizenbefehle Addition von 2 Matrizen gleicher Dimension	Die Zahlen der Matrix werden in Tabellenzellen eingegeben. Matrixfunktionen verwenden: 1. Die Lösungszellen markieren! 2. "= Markieren M1 + Markieren M2" – immer den ganzen Matrixbereich (Arrays) in die Formel nehmen 3. nicht enter, sondern Strg+Shift+Enter. Die Lösungsmatrix wird dann als Ganzes erzeugt!	ABRUNDEN A B C D I M1 89 56 0 2 33 22 86 3 M2 7 18 93 4 72 0 78 M1+M2 D2+B3:D4 B5 A B C D I M1 89 56 0 2 86 3 M2 7 18 93 4 72 0 78 B5 A B C D I M1 89 56 0 2 78 S M1+M2 D2+B3:D4 A B C D I M1 89 56 0 2 33 22 86 3 M2 7 18 93 4 72 0 78 S M1+M2 96 74 93 6 105 22 164
Multiplikation mit Skalar zur Auswahl zurück	M1 * 2 Wie vorher beschrieben: zuerst die Lösungszellen markieren; Befehl eingeben und Strg + Shift + Enter	B5
Matrix transponieren	=MTRANS(Matrix1) zuerst Lösungstabellen markieren, Befehl eingeben. Dreiergriff beachten: Strg + Shift + Enter	B7
2.24 Matrizen- multiplikation	Gib M1 und M2 ein. Markiere den Zielbereich. Achte dabei darauf, dass das Format (Zeile- und Spatenlänge) stimmt. Befehl =MMULT(M1;M2) Bestätige mit Strg + Shift + Enter	B8
2.33 Inverse Matrix Vorsicht, nur quadratische Matrizen haben eine Inverse. zur Auswahl zurück	Matrix M1 in Tabelle eingeben. =MINV(M1) Dreiergriff beachten: Strg+Shift+Enter	B3

Abschnitt 3: Potenzen mit rationalen Exponenten

3.2 Wurzeleingabe

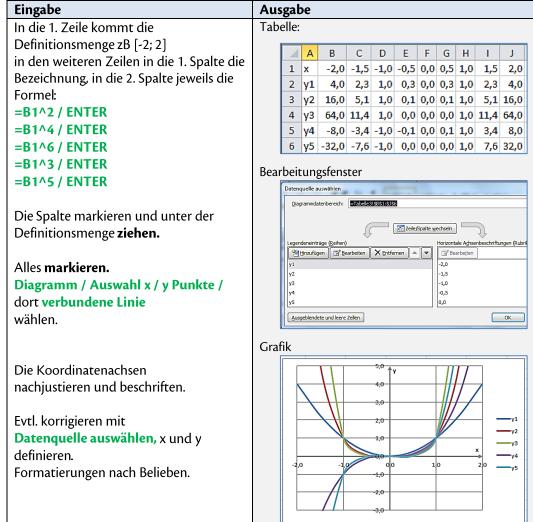
Vorsicht: Wurzeln sind nur für positive Radikanden definiert.
EXCEL liefert bei ungeraden Wurzeln die Lösung auch für negative Radikanden, zB als reelle Lösung von x^3 = -27

Eingabe Ausgabe Die Wurzel wird als Potenz mit einer $f_x = 2^{(16/3)}$ **A1** Bruchhochzahl eingegeben. D 40,3174736 =2^(16/3) / Enter mehr Stellen mit: Mehr oder weniger Kommastellen kann Α1 $f_{x} = 2^{(16/3)}$ man mit dem С В Kommabefehl Schaltzeichen 40,3174735966 weniger Stellen mit: oder mit dem Befehl = Runden (Zahl; Stellen) **▼** (e) $f_x = 2^{(16/3)}$ Α1 \rightarrow x = -3 vorgeben. genaue Anzahl von Stellen mit: ABRUNDEN ▼ (* × ✓ f_x | =RUNDEN(2^(16/3; 4) RUNDEN(Zahl; Anzahl_Stellen) EN(2^(16/3; 4)

zur Auswahl zurück

Abschnitt 4: Potenz- und Polynomfunktionen

4.1 Zeichnen von Potenzfunktionen



4.42 Maximum der Funktion; grafisch und rechnerisch

Funktionsterm in Eingabezeile eingeben. 4 5 6 6,813 In die 1. Zeile die Definitionsmenge, 2 y 180,00 182,10 174,38 156,86 129,52 92,38 45,42 2. Zeile die Formel =-9.81*B1^2/2+7*B1+180 Solver-Parameter enter und ziehen. \$C\$2 Ziel festlegen: Kurve vorzeichnen. Ungefähr die Lage Max. Min. des Extremwerts in der Tabelle auswählen: Durch Ändern von Variablenzellen: Daten / Solver öffnen. f_x =-9,81*C1^2/2+7*C1+180 Ziel zB \rightarrow C2 mit Formel; D E F G H I 5 2 3 4 5 6 6,8 MAX;
 156
 2
 3
 4
 5
 6
 6,813

 50
 174,38
 156,86
 129,52
 92,38
 45,42
 0,02
 variabel \rightarrow C1, lösen. 200,00 180,00 Punkt in der Grafik formatieren. 0,713557587; 182,50 160,00 140,00 120,00 100.00 80,00 60,00 40,00 0,00 Eingabe ist gleich wie bei Extremwert. D Lage der Nullstelle ungefähr in der 2 y 180,00 182,10 174,38 156,86 129,52 92,38 45,42 -11,35 Tabelle verwenden. Daten / Solver öffnen. Solver-Parameter Ziel zB \rightarrow C2 mit Formel; WERT 0; Ziel festlegen: variabel \rightarrow C1, 0 <u>M</u>ax. Wert: lösen. Durch Ändern von Variablenzellen: Der Punkt kann wieder in der Kurve \$H\$1 formatiert werden. A B C D E F G H I Anklicken und 2 y 180,00 182,10 174,38 156,86 129,52 92,38 0,00 -11,35 Datenpunkt formatieren.

200,00

50,00

4.42 Nullstelle der Funktion

Abschnitt 5: Quadratische Gleichungen

5.1 Lösen einer quadratischen Gleichung

$$x^{2} - 9 = 0$$

 $x^{2} + 3x - 9 = 0$
 $x^{2} + 6x + 9 = 0$
 $x^{2} + 3x + 9 = 0$

Eingabe

Betrachtet man den Gleichungsterm als einen Funktionsterm, dann erhält man durch das Bestimmen der Nullstellen die beiden reellen Lösungen der quadratischen Gleichung.

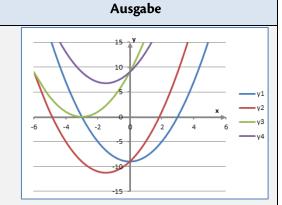
Mit Excel-Solver kann man die reellen Lösungen der quadratischen Gleichung immer finden.

Eine grafische Vorzeichnung wird empfohlen.

Man erkennt, dass die 1. Gleichung 2 reelle Lösungen (+3; -3) hat. Die 2. Gleichung hat ebenfalls 2 reelle Lösungen → mit Solver genau berechnen ...

Die 3. Gleichung hat nur 1 Lösung (-3) ... Doppellösung

Die 4. Gleichung hat 2 komplexe Lösungen, nicht mit Solver lösbar.



Solverlösung von der 2. Gleichung.

I	4	Α	В	С	D	Ε	F	G	Н	1	J	K	L	М	N
	1	X	-6	-4,854	-4	-3	-2	-1	0	1	1,854	3	4	5	6
	2	у1	27	14,562	7	0	-5	-8	-9	-8	-5,5623	0	7	16	27
	3	y2	9	0,000	-5	-9	-11	-11	-9	-5	0,000	9	19	31	45
	4	у3	9	3,4377	1	0	1	4	9	16	23,562	36	49	64	81
	5	у4	27	18	13	9	7	7	9	13	18	27	37	49	63

Die beiden reellen Lösungen sind $x_1 = -4,85$ und $x_2 = 1,85$

Imaginäre und komplexe Lösungen

Imaginäre oder komplexe Lösungen kann man in EXCEL nicht finden. Erkennbar sind sie daran, dass es keine Nullstellen in der Grafik gibt. Imaginäre Lösungen liegen mit dem Scheitel auf der y-Achse und schneiden die x-Achse nicht.

Komplexe Lösungen liegen mit dem Scheitel in den einzelnen Quadranten, sie schneiden die x-Achse nicht.

Abschnitt 6: Winkelfunktionen

6.23		
Eingabe der Winkel 6.26	In Excel werden Winkel in Radiant verstanden. Daher müssen in der Trigonometrie alle Winkel im Dreieck auf Bogenmaß umgerechnet werden. =*PI()/180 oder =BOGENMASS() Empfehlung: die Winkel gleich zu Beginn erledigen und mit den Zellen weiterarbeiten. Umgekehrt kann man Winkel von rad in	Formeleingabe:
Bogenmaß	Grad umwandeln mit dem Befehl =GRAD(Winkel)	1
Umrechnen von Grad in Radiant	Winkel in °,'," müssen DEZIMAL eingegeben und in rad umgerechnet werden.	4 x rd grad Grad_min_sek 5 = C2 = GRAD(A5) 56° = (B5-56)*60 6 23' = 0,7*60 7 42"
Umrechnen von Grad, Minuten Sekunden in Graddezimalen.	D. h. mit Division durch 60 die Minuten und Sekunden umwandeln. 56°23'42" = 56,395°	A B C D 1 α° grad rad 2 56°23'42" 56,395 0,984 3
Umrechnen von Grad in Grad, Minuten, Sekunden	Umgekehrt durch Multiplikation mit 60. 35,521° = 35°31′15,6"	4 x rd grad Grad_min_sek 5 0,984 56,395 56° 23,7 6 23' 42 7 42"
zur Auswahl zurück	Bsp $\alpha = 86,1558^{\circ}$	A B 1 α° rad 2 86,1558 =A2*PI()/180 2 Möglichkeiten: A B 1 α° rad
		2 86,1558 1,504
	Bsp x= 3,44 rad	A B C 1 x rad α° α° 2 3,44 197,097 197,097
		2 Möglichkeiten: A B C 1 x rad α° α° 2 3,44 = A2*180/PI() = GRAD(A2)
6.38 Winkelfunktionen im rechtwinkligen Dreieck <u>zur Auswahl zurück</u>	Eingabe mit Grad im Dreieck sin(32°) cos(32°) tan(32°)	A B C D E 1 α° rad sin(32°) 0,52991926 2 32 0,559 cos(32°) 0,8480481 3 tan(32°) 0,62486935

6.47 Arcusfunktionen

Für den Winkel muss man bedenken, dass EXCEL den Winkel in rad ausgibt. 1 sin(α) α Wenn man ihn in Grad benötigt, dann 24,62431835 2 5/12 muss eingegeben werden: 3 4 cos(a) =GRAD(ARCSIN(5/12)) 5 5/12 65,37568165 =ARCCOS(5/12)*180/PI()6 =GRAD(ARCTAN(5/12))7 tan(α) 5/12 22,61986495

6.5 Zeichnen von Winkelfunktionen

Der Winkel ist bei Eingabe der Winkelfunktionen bereits in rad. Die Funktionen werden üblicherweise in RAD gezeichnet.

Man beginnt mit 1. Spalte und gibt die Zahlen von 0 bis 360 ein: in A1 0 schreiben,

A-Spalte markieren / Start / Füllbereich / Reihe und dort Schrittweite zB 10 und Endwert 360 eingeben.

zur Auswahl zurück

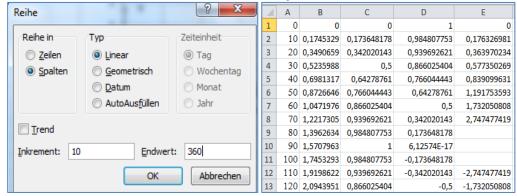
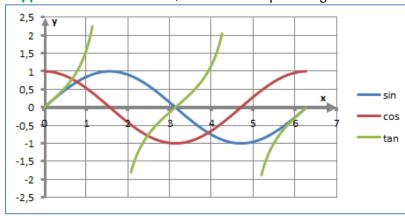


Tabelle bis 120 ° angegeben!

In der 2. Spalte Befehl =BOGENMASS(A1) bestätigen.

Doppelklick auf rechtes Kreuz, dann wird die Spalte ausgefüllt.



TIPP

Beim Zeichnen von tan müssen die Polstellen beachtet werden, d. h. man bestimmt, wie hoch die Tangenswerte gehen sollen. Hier 3 und -3.

Die größeren bzw. kleineren Werte bei überschaubaren Tabellen am leichtesten einfach aus der Spalte löschen, dass die Zellen leer sind. Dann wird die Kurve ohne Verbinungslinien gezeichnet.

zur Auswahl zurück

Man kann das mit einem Wenn-Befehl ebenfalls erreichen.

=WENN(ABS(TAN(B1))>3;" "; TAN(B1))